

プログラム	記載不要
受験番号	解答例

合計点

チェック欄

※この試験科目を解答する場合はこの試験科目に✓をつけてください。

令和8年度
新潟大学工学部第3年次編入学
学 力 試 験

試験科目	専門基礎科目（物理）	全5頁 (表紙を除く)
------	------------	----------------

注意事項

1. 表紙の所定欄に志望する学位プログラム名、受験番号を記入してください。
2. 解答はその問題と同一の試験用紙に記入してください。解答スペースが足りない場合は、「(裏面に続く)」と明記したうえで、その用紙の裏に続けて解答してください。また、選択しなかった科目は、表紙にのみ受験番号を記入してください。
3. 試験用紙の所定欄に受験番号を必ず記入してください。
4. 各プログラムで解答する科目は以下の表の通りです。科目の選択があるプログラムは表をよく確認の上、科目の過不足がないように注意してください。
5. 選択した答案には表紙の左上のチェック欄に✓を付けてください。✓がない答案は採点されません。

学位プログラム	学力試験科目（専門基礎科目）
機械システム工学プログラム	「数学、物理」の2科目
社会基盤工学プログラム	「数学、物理」の2科目
電子情報通信プログラム	「数学、電気回路」の2科目
知能情報システム工学プログラム	「数学、プログラミング」の2科目
化学システム工学プログラム 応用化学コース	「化学（〔I〕有機化学,〔II〕無機化学,〔III〕物理化学）」
化学システム工学プログラム 化学工学コース	「化学（〔II〕無機化学,〔III〕物理化学,〔IV〕化学工学）」
材料科学プログラム	「化学（〔I〕有機化学,〔II〕無機化学,〔III〕物理化学）」 もしくは「数学、物理」の2科目
建築学プログラム	「数学、物理」の2科目
人間支援感性科学プログラム	「数学」（必須）および「物理、電気回路、プログラミング」から1科目
協創経営プログラム	の合計2科目

令和8年度

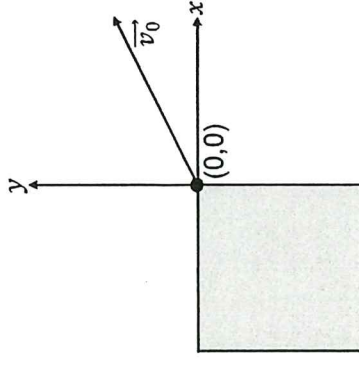
新潟大学工学部第3年次編入学

学 力 試 験

解答は各問とも必ずこの試験用紙に記入すること

試験科目	専門基礎科目 (物理)	1 / 5 頁
------	-------------	---------

[I] 図に示すように質量 m の質点が、十分に高い崖の上から初速度 $\vec{v}_0 = (u_0, v_0)$ で打ち出された。ここで、 $u_0 > 0$ および $v_0 > 0$ とする。射出位置を原点 $(0,0)$ とし、打ち出し時刻を $t = 0$ 、速度ベクトルを $\vec{v}(t) = (u(t), v(t))$ 、位置ベクトルを $\vec{r}(t) = (x(t), y(t))$ 、鉛直方向下向きに作用する重力加速度を g とする。空気抵抗以外の外力はないものとする。解答は各設問の下に記入すること。



(1) 空気抵抗を無視できる場合を考える。以下の各問に答えよ。

① x 方向, y 方向それぞれについて運動方程式を書け。

水平方向: $m \frac{d^2x}{dt^2} = 0$

鉛直方向: $m \frac{d^2y}{dt^2} = -mg$

u, v で解答してもよい

② 鉛直方向の運動を表す式から時刻 t を消去して、この質点の放物線軌道を予測する式 $y = f(x)$ を求めよ。

初速度: $\vec{v}_0 = (u_0, v_0)$

水平方向の運動: $x(t) = u_0 t$

鉛直方向の運動: $y(t) = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2$

よって $t = \frac{x}{u_0}$ を代入すると:

$$y = f(x) = v_0 \cdot \frac{x}{u_0} - \frac{1}{2} g \left(\frac{x}{u_0} \right)^2 = \frac{v_0}{u_0} x - \frac{g}{2u_0^2} x^2$$

(2) 空気抵抗を考慮する場合を考える。空気抵抗力は常に速度の向きと逆方向に働き、質点の速度に比例するものとする。その比例定数を $k > 0$ としたとき、空気抵抗力は $\vec{F}_d = -k\vec{v}$ である。以下の各問に答えよ。

① x 方向, y 方向それぞれについて運動方程式を書け。

水平方向: $m \frac{du}{dt} = -ku$

鉛直方向: $m \frac{dv}{dt} = -mg - kv$

令和8年度

新潟大学工学部第3年次編入学

学 力 試 験

解答は各問とも必ずこの試験用紙に記入すること

試 験 科 目	専門基礎科目 (物 理)	2 / 5 頁
---------	--------------	---------

②質点の速度ベクトル $\vec{v}(t) = (u(t), v(t))$ を求めよ。

水平方向: $m \frac{du}{dt} = -ku \Rightarrow \frac{du}{dt} = -\frac{k}{m}u$

変数分離: $\int \frac{1}{u} du = \int -\frac{k}{m} dt \Rightarrow \ln|u| = -\frac{k}{m}t + C$

よって $u(t) = C_1 e^{-\frac{k}{m}t}$

初期条件より $u(t) = u_0 e^{-\frac{k}{m}t}$

鉛直方向: $m \frac{dv}{dt} = -mg - kv \Rightarrow \frac{dv}{dt} = -g - \frac{k}{m}v$

ここで変数変換する

$v(t) = w(t) - \frac{mg}{k}$

これを代入して

$\frac{dw}{dt} + \frac{k}{m} \left(w - \frac{mg}{k} \right) = -g \Rightarrow \frac{dw}{dt} + \frac{k}{m}w - g = -g \Rightarrow \frac{dw}{dt} = -\frac{k}{m}w$

変数分離すると

$\frac{1}{w} dw = -\frac{k}{m} dt$

積分すると

$\ln|w| = -\frac{k}{m}t + C \Rightarrow w(t) = C_2 e^{-\frac{k}{m}t}$

初期条件より

$C_2 = v_0 + \frac{mg}{k}$

したがって $v(t) = \left(v_0 + \frac{mg}{k} \right) e^{-\frac{k}{m}t} - \frac{mg}{k}$

③打ち出し時刻 $t = 0$ から十分大きな時刻 $t \rightarrow \infty$ に至るまで、質点の軌道の概形を図示して説明せよ。また時間が十分に経過した後の質点の速度ベクトルを求めよ。

打ち出し時刻 $t = 0$ のとき $\vec{v}(0) = (u_0, v_0)$

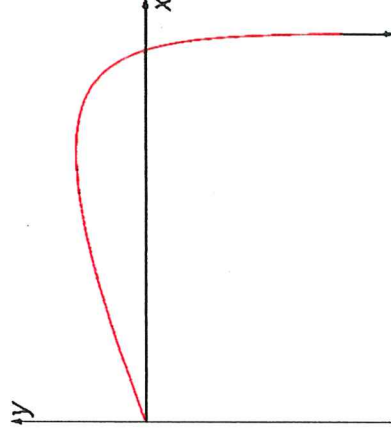
水平成分・鉛直成分ともに正の値を持つため、右上向きの斜めベクトルとなる。

前問より、時間が十分に経過した後の速度ベクトルは

$\vec{v}(t) \rightarrow \left(0, -\frac{mg}{k} \right)$

つまり右図のように真下方向を向いた

一定長さのベクトルに収束する。



解答は各問とも必ずこの試験用紙に記入すること

試験科目	専門基礎科目 (物理)	3 / 5 頁
------	-------------	---------

〔Ⅱ〕 勾配 θ の斜面上に置いた辺長 a 、質量 m で、一様な材質の立方体ブロックに関して、以下の各設問に答えよ。ただし、重力加速度 g は鉛直方向（下向き）に作用し、ブロックと斜面間の静止摩擦係数を μ_s とする。解答は各設問の下に記入すること。

(1) ブロックが図1の状態ですらに静止しているとき、ブロック底面に作用する垂直抗力の大きさ N_0 と摩擦力の大きさ f_0 をそれぞれ求めよ。

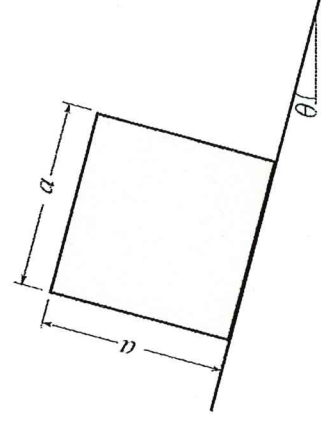


図1

鉛直方向に作用するブロック自重 mg の、斜面に対する垂直成分と平行成分との平衡条件より、

$$N_0 = mg \cos \theta$$

$$f_0 = mg \sin \theta$$

(2) 図2のように、ブロック右側面の中央に、面に垂直で斜面と平行な力 \vec{F}_1 (大きさ F_1) が作用したとき、ブロックが斜面上を滑り始める F_1 の条件を示せ。なお、ブロックは転倒や回転はしないと仮定する。

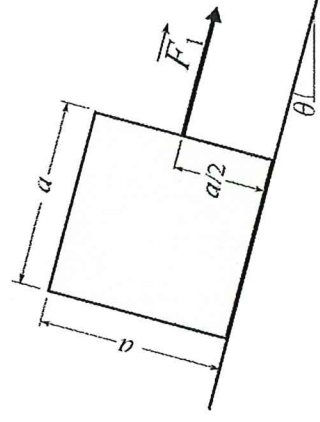


図2

ブロック自重の斜面に平行な成分と力 \vec{F}_1 の大きさの和 $mg \sin \theta + F_1$ が、最大静止摩擦力 $\mu_s N_0$ を上回ると滑るので、

$$mg \sin \theta + F_1 > \mu_s N_0 = \mu_s mg \cos \theta \quad \text{より、}$$

$$F_1 > \mu_s mg \cos \theta - mg \sin \theta = mg(\mu_s \cos \theta - \sin \theta)$$

令和8年度

新潟大学工学部第3年次編入学

学 力 試 験

解答は各問とも必ずこの試験用紙に記入すること

試 験 科 目	専 門 基 礎 科 目 (物 理)	4 / 5 頁
---------	------------------------	---------

(3) 図3のように、ブロック右側面の中央に水平方向の力 \vec{F}_2 (大きさ F_2) が作用したとき、以下の各設問に答えよ。

① 力 \vec{F}_2 が作用したとき、ブロックに作用する垂直抗力の大きさ N_2 を求めよ。

水平力 \vec{F}_2 の斜面に垂直な成分 $F_2 \sin \theta$ が、

ブロック自重の斜面に垂直な成分 $mg \cos \theta$ と逆方向に作用するので、
平衡条件より、

$$N_2 = mg \cos \theta - F_2 \sin \theta$$

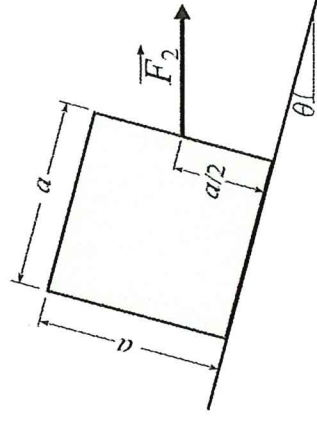


図3

② 力 \vec{F}_2 によってブロックが斜面上を滑り始める F_2 の条件を示せ。ブロックは転倒や回転はしないと仮定する。

ブロック自重と力 \vec{F}_2 の、斜面と平行な成分の大きさの和 $mg \sin \theta + F_2 \cos \theta$ が
最大静止摩擦係数 $\mu_s N_2$ を上回ると滑るので、

$$mg \sin \theta + F_2 \cos \theta > \mu_s N_2 = \mu_s (mg \cos \theta - F_2 \sin \theta) \quad \text{より、}$$

$$F_2 > \frac{mg(\mu_s \cos \theta - \sin \theta)}{\mu_s \sin \theta + \cos \theta} = \frac{mg(\mu_s - \tan \theta)}{\mu_s \tan \theta + 1}$$

解答は各問とも必ずこの試験用紙に記入すること

試験科目	専門基礎科目 (物理)	5 / 5 頁
------	-------------	---------

(4) 図4のように、ブロックのA点に自由に回転できる蝶番（ヒンジ）を設けたとき、以下の各設問に答えよ。

- ① ブロック右側面の中央に作用する水平方向の力 \vec{F}_3 (大きさ F_3) による、A点を回転軸とする時計回りのモーメント (大きさ M_F) を求めよ。

A点から \vec{F}_3 への腕の長さは、 $\frac{a}{2} \cos \theta$ より、

$$M_F = F_3 \cdot \left(\frac{a}{2} \cos \theta \right) = \frac{1}{2} F_3 a \cos \theta$$

- ② A点を回転軸とする、ブロックの自重による反時計回りのモーメント (大きさ M_B) を求めよ。なお、ブロックの重心は図心 (立方体の中心) と一致しており、 $\theta < \pi/4$ とする。

A点と重心を結んだ線分 (長さ $\frac{\sqrt{2}}{2} a$) と鉛直軸 (ブロック自重の作用方向) との交角は、 $\frac{\pi}{4} - \theta$ である。したがって、A点から自重ベクトルへの腕の長さは $\frac{\sqrt{2}}{2} a \sin(\frac{\pi}{4} - \theta)$ となるので、自重によるモーメントは、

$$M_B = mg \cdot \left[\frac{\sqrt{2}}{2} a \sin\left(\frac{\pi}{4} - \theta\right) \right] = \frac{\sqrt{2}}{2} mag \sin\left(\frac{\pi}{4} - \theta\right)$$

(別解) A点と重心を結ぶ線分と直交する方向の自重成分の大きさは $mg \cos(\frac{\pi}{4} + \theta)$ より、

$$M_B = mg \cos\left(\frac{\pi}{4} + \theta\right) \cdot \left(\frac{\sqrt{2}}{2} a\right) = \frac{\sqrt{2}}{2} mag \cos\left(\frac{\pi}{4} + \theta\right)$$

※次の式に変換してもよい $M_B = \frac{1}{2} mag(\cos \theta - \sin \theta)$

- ③ A点を軸に、ブロックが時計回りの回転を始める F_3 の条件を示せ。

回転を始めるとブロック底面の垂直抗力はA点に作用し、モーメントには関与しないので、回転する条件は $M_F > M_B$ より、

$$\frac{1}{2} F_3 a \cos \theta > \frac{\sqrt{2}}{2} mag \sin\left(\frac{\pi}{4} - \theta\right)$$

(別解)

$$\frac{1}{2} F_3 a \cos \theta > \frac{\sqrt{2}}{2} mag \cos\left(\frac{\pi}{4} + \theta\right)$$

$$\frac{1}{2} F_3 a \cos \theta > \frac{1}{2} mag(\cos \theta - \sin \theta)$$

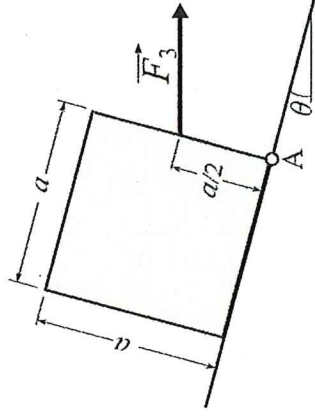


図4